



اشاره

ابونصر فارابی، به علت معلومات وسیعش در علومی همچون فلسفه، منطق، ریاضیات، نجوم و موسیقی، مانند ارسطو که به «معلم اول» معروف است، به «معلم ثانی»شهرت دارد. وقتی فیلسوفی به ریاضیات و منطق می پردازد، فلسفهٔ ریاضیات و فلسفهٔ منطقی که حاصل میشود، قابل تأمل و مداقه است.

در این مقاله به اجمال به فلسفهٔ منطق و ریاضیات فارابی اشاره شده و تأثیرات او بر دانشـــمندانی همچون ابوعلیسینا تا حدودی بررسی شده است. از زاویهای دیگر، وقتی به لقب معلم ثانی برمیخوریم، بیشک موضوع آموزش اولین مطلبی است که ذهن ما را مشغول می کند. آیا فارابی یا معلم ثانی به راستی آموزشگر نیز بوده است؟ جایگاه منطق و ریاضی در اندیشهٔ فارابی و تأثیر آن بر آموزش چیست؟

كليدواژهها: فارابي، فلسفه، منطق، رياضيات، آموزش، طبقهبندي علوم

مقدمه

آثار ریاضی ابونصر فارابی چندان زیاد نیستند. معروفترین کتابهایش به این شرح است:

۱.الحيل الروحانيه و الاسرار الطبيعه في دقائق الاشكال الهندسيه» ۲. كلام (في) شرح المستغلق من

مصادراتالمقالــة الاولى والخامســه من القيدس

حمیدرضاامیری دانشجوی دکترای فلسفهٔ علم

۳. شرح المجسطی (شرح مجسطی بطلمیوس است که ابنسینا آن را شرحی مختصر کرده و این مختصر به روسی ترجمه شده است.)

در میان کسانی که در منطق و ریاضی از فارابی تبعیت کردند، می توان از ابوعلی سینا نام برد. او در آثار خود به فارابی نظر دارد و نیز آثاری چند از فارابی را شرح داده، یا به کمک آنها اثر جدیدی خلق کرده است. همچنین دانشمندانی چون کندی، خوارزمی، ابنباجه، پون کندی و ملاصدرا از فارابی در شیوه منطقی و تقسیم بندی علوم، به وضوح تأثیر منطقی و تقسیم بندی علوم، به وضوح تأثیر

برخی ریاضی دانان از روش ابونصر فارابی، یعنی روش یونانیان قدیم، استفاده کردهاند و آثار آنها بسیار زیاد است. مثلاً خواجه نصیرالدین طوسی در حدود ۴۱ رسالهٔ ریاضی تألیف کرده است و همین طور ریاضی دانان دیگر.

یکی از مباحث مورد بررسی در این مقاله، تأثیر فارابی بر آموزش و تعلیم علوم است که با توجه به لقب معلم ثانی و سابقهٔ

وی در تقسیم بندی علوم، صورت پذیرفته اسـت. در این مقاله اصل بر رجوع به آثار فارابي، بهخصوص كتاب احصاءالعلوم، به علاوهٔ برخی آثار مرتبط دیگر بوده است که در منابع ذکر شدهاند.

١. تاريخچـــهٔ كوتاهي از علم منطق و جایگاه آن در اندیشهٔ فارابی

در تاریخ منطـق، بر آناند که بگویند هندیان و یونانیان نخستین کسانی بودهاند که نظریههای منطقی را خلق کردهاند. اثری که امروزه «ابطالهای سوفسطایی» نامیده می شود، ظاهراً ادعا می کند که موضوع منطق را ارسطو به وجود آورده است، اما به نظر نمی رسد که این مطلب تماماً درست باشد. زیرا افلاطون در کتاب «جمهور» چنین می گوید: «یک چیز در یک زمان، نسبت به جزء خودش، و در رابطه با همان چیز، نمی تواند به دو طریق متقابل عمل کند یا بر آن عمل شود، یا دو چیز متقابل باشد.» و ارسطو ادعا می کند که محقق ترین تمام اصول عبارت از این است که «یک صفت ثابت نمی تواند در یک زمان و بهطور یکسان به یک شیء، هم متعلق باشد هم نباشد».

اصل اخير، شــكل ارسطويي «قانون عدم تناقض» است و آدمی را وسوسه مى كند كه بگويد: ﴿رسطونه تنها اين قانون، بلکه بسیاری از نظریاتش در منطق را از پیشینیانش دریافت کرده است. با وجود این، شخص باید در مقابل چنین وسوسهای ایستادگی کند، زیرا افلاطون این نکته را بهطور گذرا بیان کرده و مدرکی در دست نیست که او، یا شخص دیگری قبل از ارسطو، در تنظیم قواعد استنتاج کوشش صحیح کرده باشد. بنابراین می توانیم ادعای ارسطو را بپذیریم و این سوال را مطرح کنیم که: «چه چیزی او را به خلق منطق رهنمون شده است؟»

ادعای ارسطو در مورد به وجود آوردن منطق، بر این مبنا قــرار دارد که او اولین کسی بوده که قوانین موجود منطق را بهطور دقیق تنظیم کرده است. در حقیقت ارسطو «نظریهٔ قیاس» را که امروزه می دانیم تنها

قسمت كوچكى از منطق است، تنظيم كرده؛ گرچه بسياري از فلاسفهٔ شيفتهٔ آن، چنین پنداشتهاند که این نظریه قسمت اعظم (يا حتى تمام) منطق است.

یکی از انگیزههای مهم بررسی منطق، احتمالاً از ميل غلبه بر پارادوكسها و مشخص كردن فساد مغالطه يا سفسطهها به وجود آمده است. زیرا در آن زمانها تعداد زیادی پارادوکس و مغالطه کشف شده بود که بعضی از آنها مشکلاتی بودند که از استعمال (به کار بردن) زبان به وجود آمده بودند و بعضى از آنها با مشكلاتي بیشتر با منشأ ریاضی سروکار داشتند.

ارسطو مانند افلاطون سفسطه را دانشی توصیف می کند که نه واقعی بلکه ظاهری است. و همچنان که طلا می تواند حقیقی یا تقلبی باشد، براهین نیز می توانند حقیقی یا کاذب باشـند. اگرچه بعدها در غرب علم منطق با فراز و فرودهای بسیار ـ مخصوصاً از قرنهای ۱۸ و ۱۹ میلادی به بعد _ همراه بوده اســت و افرادی چون فرگه و راسل مقدمات رشد و تحول آن را فراهم کردند. اما پس از ارسـطو در تاریخ علم منطق، یعنی منطقی که ارسطو پایه گذار آن بود، در تمام سرزمینهای شرق و غرب، نقطهٔ اوج و آغاز بالندگی و بسـط این علم بیشک شخص ابونصر محمدبن احمد فارابی و مکتب مشا بوده

فارابے نخست میباید در مقابل منكران منطق از اين علــم دفاع، و فوايد آن را گوشـزد می کرد و نیـاز اهل علم را بدان نشان می داد. به گفتهٔ فارابی منطق صناعتی است که عقل با آن قوام می یابد و در مواردی که مردم دچار خلط و اشتباه می شوند، آنان را به راه در ست هدایت مى كند. فارابى براى بيان اين معنا، مقولات را به دو بخش بدیهی و نظری تقسیم کرد که در اینجا شامل تصورات و تصدیقات میشود. ظاهراً در تاریخ منطق، فارابی از نخستین کسانی است که تصور و تصدیق را به روش علمی از هم جدا ساخت و درجات آن دو را برشــمرد (داوری، ۱۳۹۰: ۲۰۳). فارابی با تقسیمبندی علوم به علوم عملی و

ابزاری، منطق را علمی ابزاری می داند و آن را به «علم نحو» در زبان تشبیه می کند؛ یعنی مجموعهای از قواعد برای پیشگیری از اشتباهات و شناسایی خطاهای ذهن.

او در کتاب احصاءالعلوم خود ذیل بخش منطقی و شرح منطق ارسطو، به این مباحث می سردازد: معقولات (قاطیغوریاس)؛ عبارت (باری ارمینیاس)؛ قياس (آنالوطيقاي اول)؛ برهان (آنالوطيقاي ثاني)؛ جدل؛ سفسطه؛ خطابه؛ شعر.

جایگاه ریاضیات در اندیشهٔ فارابی

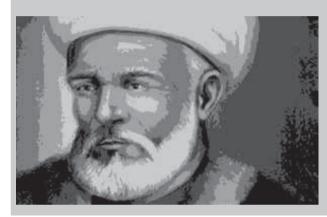
علم ریاضی در اندیشهٔ فارابی از جمله علوم غیرابزاری است که در کتاب احصاء العلوم با عنوان «علم تعاليم» به أن مي پردازد. به گفتهٔ فارابي، علم تعاليم علوم تغییرناپذیری را مورد بررسی قرار میدهد که در عالم خارج وجود واقعی ندارند، بلکه دارای وجود وصفی هستند و در قالب عددها و شکلها موجودیت مى يابند. وظيفة علم تعاليم توصيف جواهر و امور موجود در قالب اعداد و اشكال است. علم تعاليم مشتمل بر هفت بخش است: علم عدد، هندسه، مناظر، نجوم، موسيقى، علم الاثقال و علم الحيل (مكانيك). در ادامه، دربارهٔ برخی از این اقسام، توضیح بسیار مختصری داده شده است:

یکی از مباحث مورد بررسی در این مقاله، تأثیر فارابی بر آموزش و تعلیم علوم است که با توجه به لقب معلم ثانی و سابقهٔ وی در تقسیمبندی علوم، صورت پذیرفته است

١. علم عدد

آنچه به این نام شـناخته می شود، دو علم است: علم عدد عملي و علم عدد نظري. الف) علم عدد عملي: از أن جهت در اعداد بحث می کند که اعداد وسیلهٔ شمارش چیزهایی هستند که به دانستن شمارهٔ آنها نیازمندیم؛ مانند مرد، اسب، دینار و درهم یا چیزهای دیگری که قابل شمارشاند، و این همان علمی است که تودهٔ مردم آن را در داد و ستدهای بازاری و معاملات مدنى خود مورد استفاده قرار

در میان کسانی که در منطق و ریاضی از ابونصر فارابی تبعیت کردند، می توان از ابوعلی سینا نام برد. او در آثار خود به فارابی نظر دارد و نیز آثاری چند از فارابی را شرح داده، یا به کمک آنها اثر جدیدی خلق کرده است. همچنین دانشمندانی چون کندی، خوارزمی، ابنباجه، ابنخلدون و ملاصدرا از فارابی در شیوهٔ منطقی و تقسیم بندی علوم، به وضوح تأثیر پذیر فتهاند



ب) علم عدد نظرى: اين دانش بهطور مطلق از اعداد بحث می کند. یعنی آن اعداد ذهنی که از هر جسمی و از هر معدودی منتزع شده، و تنها هنگامی مورد بررسی قرار می گیرند که از محسوس قابل شـمارش برکنار بوده باشند، و از جهتی تمام اعداد محسوسات و غیرمحسوسات را شامل شـوند. همین جزء است که در شـمارش علوم در میآید. پس علم عدد نظری بهطور مطلق از اعداد بحث می کند و از تمام حالاتی که به ذات اعداد مربوط می شود، بدون در نظر گرفتن نسبت میان آنها سخن می گوید؛ همچون زوج و فرد بودن عدد. و نیــز از هر علتی که هنگام نسبت بعضی از اعداد به بعضی دیگر پیش می آید، یاد می کند؛ مانند تساوی و تفاضل. و از اینکه عددی یک جزء عدد دیگر است، یا چند جزء آن، یا دوچندان آن، یا همانند آن، یا زیاده بر آن به یک جــزء یا به چنــد جزء، یا آنکــه دو عدد متناسب باشـند یا غیرمتناسب، متشابه

باشند یا غیرمتشابه، و متشارک باشند یا متباین، سخن می گوید.

آنگاه از حالت افزایش بعضی از اعداد بر بعضی دیگر (جمع) و یا از کاهش بعضی از اعداد از بعضی دیگر (تفریق) و از چند برابر کردن به اندازهٔ آحاد دیگر (ضرب) و از قسمت کردن عددی به تعداد اجزای آحاد عدد دیگر (تقسیم) بحث می کند. و نیز از حالتی بحث می کند کے عددی مربع یا مسطح یا مجسم یا تام یا غیر تام بوده باشد. این علم علاوه بر تمام آنچه گفته شد، از حالتهایی که هنگام نسبت یافتن بعضی از این اعداد به بعضی دیگر پیش می آید، یاد می کند و نشان می دهد که شیوهٔ استخراج اعدادی از اعداد معلوم چگونه است و بهطور کلی از استخراج هر چیز که استخراج آن با عدد ممكن بوده باشد، بحث مي كند (فارابي، ١٣۶٣: ٧٥).

۲. علم هندسه

آنچه به نام علم هندسـه شـناخته میشود دو چیز اسـت: هندسهٔ عملی و هندسهٔ نظری.

الف) هندسه عملی: از خطوط و سطوحی بحث می کند که اگر کسی که با آنها سروکار دارد، نجار باشد، در چوب است و اگر آهنگر باشد، در آهن است. اگر بنا باشد، در دیوار است و اگر مساح باشد، در سطح زمینها و کشتزارهاست. همچنین است کار هرکس دیگری که با هندسه عملی سروکار دارد؛ یعنی او برای مادهٔ خارجی که در آن صناعت برای مادهٔ خارجی که در آن صناعت مود استفاده قرار می گیرد، در ذهن خود خطوط و سطوح چهارضلعی بودن و دایره بودن و مثلث بودن را تصویر می کند (همان، ص ۷۶).

ب) هندسهٔ نظری: به طور کلی دربارهٔ خطوط و سطوح اجسام، به صورت مطلق و کلی بحث می کند، بر وجهی که «خطوط» و سطوح هر گونه جسم را شامل شود. یعنی کسی که بااین نوع هندسه سروکار دارد، در اندیشهٔ خود خطوط را به صورت کلی تصویر می کند، بدون آنکه به جسمی نظر داشته باشد، و نیز در اندیشهٔ خود به تصویر سطوح باشد، و نیز در اندیشهٔ خود به تصویر سطوح

و چهارضلعی بـودن و دایره بودن و مثلث بودن ـ بهصورت کلی که به هیچ جسـم خارجی بستگی نداشته باشد ـ می پردازد و مجسـمات (احجام) را ـ بهصورت کلی که به هیچ جسم خارجی بستگی نداشته، و از هر مادهٔ محسوس موجود بر کنار باشند ـ در ذهن خود تصویر می کند؛ یعنی تصور آدمی دربارهٔ آنها مطلق است (همان).

علم حیل عبارت است از شناختن

٣. علم حيل

راه تدبیری که انسان با آن بتواند تمام مفاهیمی را که وجود آنها در ریاضیات با برهان ثابت شده است، بر اجسام خارجی منطبق سازد و به ایجاد و وضع آنها در اجسام خارجي فعليت بخشد. توضيح آنکه در علوم ریاضی خطوط و سطوح و مجسمات و اعداد، و دیگر مفاهیم ریاضی ـ تنها از لحاظ عقلی و جدا از اجسام خارجی ـ بررسی میشوند، ولی ما هنگام ایجاد این مفاهیم ریاضی در خارج _ یعنی در اجسام طبیعی و محسوسات به طریق ارادی و به وسیلهٔ صنعت ـ به نیرویی نیاز داریم که راه و تدبیر تحقق بخشیدن به مفاهیم ریاضی را روشــن سازد، و مطابقت آنها را بر مواد و اجسام خارجی ممکن نماید. زیرا مواد و اجسام خارجی دارای احوال و کیفیاتی هستند که آن احوال مانع میشوند از اینکه مفاهیمی که در ریاضیات ثابت شده است، به آسانی و هرطور که هست، بر این اجسام منطبق گردد، بلکه نیرویی لازم است که بتواند اجسام طبیعی را آنچنان آماده کند که این صورتهای ذهنی و مفاهیم ریاضی را در خود پذیرا شـوند. علم حیل همان علمی است که راههای شناخت این تدابیر و شیوههای دقیق عملی کردن این مفاهیم را به وسیلهٔ صنعت مشخص میسازد، و نشان مىدهد كه چگونه مىتوان مفاهيم عقلى ریاضی را در اجسام طبیعی محسوس آشکار نمود (همان، ص ۷۹).

به علاوه در پایان می توان اشاره کرد کـه علم ریاضی غیر از فواید علمی آن، در نجوم به کار می رفت؛ از جمله محاسبهٔ سال، ماه، صبح، مغرب و سحر و کارهایی از این

قبیل که ذکر اسامی آنها صفحهها طول مى كشد. علت اصلى آنكه فارابي علم رياضي را علمی ابزاری میداند نیز، مباحث مربوط به نجوم و حیل است. استدلال در منطق فارابی از پنج موضوع استفاده می کند که عبارتاند از: برهان، جدل، خطابت، مغالطه و شعر. از بین این پنج موضوع تنها روش

فارابي به واسطهٔ تبيين علوم، بهویژه علم منطق به روش ارسطویی، و در کنار آن تبیین علوم حكمي وغير حكمي دیگر، مکتبی را پایه گذاری کرده است که علاوه بر توجه به علوم الهي، به ديگر علوم عقلى نيزاز جمله رياضيات تکیه دار د

برهان به کار هندسـه می آیـد و از چهار موضوع دیگر کارهای دیگری برمی آید.

۳. تأثیر اندیشههای فارابی در بحث

بخشی از اهمیت مطلب مورد بررسی ما، با توضیح لقب «معلم ثانی» مشـخص می شـود. اولین بار مسلمانان بودند که ارسطو را معلم اول و فارابی را معلم ثانی خواندنـــد. دکتر **نصر** میگویـــد (اکرمی، ۱۳۹۰: ۵۹): «چند قــول مختلف دربارهٔ معنای معلم وجود دارد: اینکه چرا ارسطو و فارابی را معلم خواندهاند، دلایلی دارد که به چند مورداز مهم ترین آنها اشاره می کنیم: ١. چون فارابي فاضل ترين فلاسفه بعد

از ارسطو، و شارح بزرگ معلم اول بود، پس او را معلم ثانی نامیدهاند.

٢. گروهي از محققان دليل اين لقب را چیرگی وی در علم منطق میدانند و حتی عنوان خود ارسطو را به دلیل موفقیت او در تدوین منطق صوری به شمار می آورند؛ ابن خلدون یکی از این افراد است.

٣. برخي نيز لقب فارابي را مرهون موفقیت او در تأســیس مکتبی جدید در فلسفه مىدانند وحتى او را اولين فيلسوف اسلامي مي شناسند.

این هرسـه گرچه بـر فارابی صدق مى كند، اما اصطلاح معلم به اينها دلالت ندارد. معلم در اصطلاح خاصی که به این دو نسبت داده میشود، درواقع تعیین کنندهٔ حدود علوم و روشهای مختلف کسب علم و قراردهندهٔ آنها در سلسله مراتبی است که وحدت و پیوستگی دانش و شعب آن را حفظ کند.»

نتيجهگيري

از مباحث فوق نتیجه می گیریم که به چند دلیل، فارابی معلمی اثر گذار بر مبحث آموزش و تعلیم است:

۱. امروزه یکی از شیوههای آموزشی مدرن، دستهبندی صحیح علوم و استخراج زیرشاخههای متفاوت از آنهاست. فارابی از نخســتین حکمای مســلمان و بلکه حکمای جهان است که این طریق را در شرح علوم برگزیده است.

۲. فارابی به واسطهٔ تبیین علوم، بهویژه علم منطق به روش ارسطویی، و در کنار آن تبیین علوم حکمی و غیرحکمی دیگر، مکتبی را پایه گذاری کرده است که علاوه بر توجه به علوم الهی، به دیگر علوم عقلی نيز از جمله رياضيات تكيه دارد. اين اتحاد و جمع آوری انواع علوم در کنار یکدیگر، بعدها به بارزترین ویژگی حکمای اسلامی و بهطور کلی علوم اسلامی تبدیل میشود که مرهون تلاش فارابی است.

٣. فيلسوفان و دانشمندان تأثير پذیرفتـه از فارابی، آنقــدر فراواناند که می توان گفت تمامی حکمای اسلامی پس از او، نظری به نظریات، روش و آثار وی داشتهاند.

پیشنهاد

برای جستوجوی ریشههای خلاقیت ریاضی ایرانیان در حوزهٔ ریاضی، در وهلهٔ نخست به تصحیح و چاپ علمی و انتقادی آثار ریاضی بازمانده، و ترجمهٔ آثار عربی ریاضی دانان ایرانی نیاز داریم. در این راه کار بسیار کمی صورت گرفته است و مایهٔ تأسف اسـت که مصححان و مترجمان بسیاری از آنها هم ریاضیدان نبودهاند.

به گفتهٔ فارابی منطق صناعتی است که عقل با آن قوام می بابد و در مواردی که مردم دچار خلط و اشتباه می شوند، آنان را به راه درست هدایت می کند

> مثلاً یکے از گرانبهاترین مآخذ ریاضی فارسے، یعنی «دانشنامهٔ علایی» (بخش ریاضیات) تاکنون چاپ نشده است. زمانی قرار بود مرحوم مجتبی مینوی آن را تصحیح و به وسیلهٔ «انجمن آثار ملی» منتشر کند، ولی سالها گذشت و خبری نشد، تا آنکه مینوی چشــم از جهان فرو بست. مورد دیگر از این قبیل، آثار ریاضی خواجه نصیرالدین است که دانشمندان ایرانی در گذشته آنها را به فارسی ترجمه یا شرح کردهاند، از قبیل «تحریر اصول اقليدس»، ترجمهٔ قطبالدين شيرازي. ولی بیشتر این آثار چاپ نشدهاند یا چاپهای آنها غیرقابل استفادهاند. با کمال تأسف، ریاضی دانان ما از توجه به گنجینهٔ آثار ریاضیات ایرانے بازماندہاند و تعداد كساني كه قادر به فهم اين گونه آثار هستند، هر روز کمتر میشود.

اکنون که از هر طرف سخن از پژوهش و تحقیق می رود، و هم شورای پژوهشهای علمی تشکیل شده، و هم فرهنگستان علوم ایران، جا دارد که مسئولان این سازمانها در پی چاپ و نشر انتقادی این متن ها باشند تا گام اول در راه ایجاد اوضاع مساعد برای بررسی تاریخ ریاضیات ایران فراهم شود.

پینوشتها

۳. این نظر را دو تن از حکمای بزرگ معاصر ایران، مرحوم سيدابوالحسن قزويني ومرحوم سيدمحمد عصار در جلسات درس خود ابراز می فرمودند. ر. ک: اکرمی، ۱۳۹۰: ۶۱.

۱. فارابی، ابونصر محمدبن محمد (۱۳۶۳). احصاءالعلوم. ترجمهٔ حسين خديو جم. شركت انتشارات علمی و فرهنگی. تهران. ۲. کرمی، میثم (۱۳۹۰). فارابیشناسی. انتشارات حكمت. تهران.

۳. داوری اردکانی، رضا (۱۳۹۰). ما و تاریخ فلسفهٔ اسلامي. پژوهشگاه فرهنگ و اندیشهٔ اسلامي. تهران.

^{1.} Law of Non-Contradiction

^{2.} Theory of Syllogism